From mathematics ...



E. Galin Université Lyon 1

Modeling

Overview Deformations Curves Surfaces

Introduction

Introduction Model specific Global deformations

Local deformations

Conclusion

Types de déformations

Déformations liées au modèle ou libres, locales ou globales Transformation directe $\omega: \mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}^3$ pour les maillages Inverse ω^{-1} pour les surfaces implicites



Déformation des normales

Transformées avec l'inverse du Jacobien transposé



eric.galin@liris.cnrs.fr http://liris.cnrs.fr/~egalin

Modeling



2 septembre 2024

Model based deformations

Déplacement de sommets d'un maillage



eric.galin@liris.cnrs.fr http://liris.cnrs.fr/~egalin

Modeling

Introduction

Conclusion

Global deformations

Transformations affines

Introduction Fond

Model specific

Global Deformations

Local Deformations

Conclusion

Fondamentaux

Rotation, homothétie, translation sont des déformations globales particulières Inversibles : faciles en mettre en œuvre dans le cadre des surfaces implicites



Remarques

Volume constant lorsque $|\mathbf{J}_{\omega}| = 1$ Pour les rotations on a simplement $\mathbf{\tilde{n}} = \mathbf{R} \mathbf{n}$ Pour les homothéties, M est diagonale et $\mathbf{\tilde{n}} = \mathbf{M}^{-1}\mathbf{n}$ Trivial, $\mathbf{M}^{-1} = \operatorname{diag}(1/M_k)$



eric.galin@liris.cnrs.fr http://liris.cnrs.fr/~egalin

Modeling

A. H. Barr. Global and Local Deformations of Solid Primitives. *Computer Graphics* (Siggraph Proceedings), 8, 21–30, 1984.

Déformations analytiques

Introduction Model specific

Global Deformations

Local Deformations

Conclusion

Transformations globales

Déformation de l'espace dont on connait l'expression mathématique [Barr 1984]

Torsion hélicoïdale

Déformation en hélice autour d'un axe $\omega(\mathbf{p}) = R_z(\alpha(\mathbf{p})) \mathbf{p}$

$$\omega(\mathbf{p}) = \begin{pmatrix} x \cos \alpha - y \sin \alpha \\ x \sin \alpha - y \cos \alpha \\ z \end{pmatrix} \qquad \alpha = \cos\left(\frac{2\pi}{T}z\right)$$

Ecrasement longitudinal

Déformation radiale de facteur $\rho(z)$

$$\boldsymbol{\omega}(\mathbf{p}) = \begin{pmatrix} x \ \boldsymbol{\rho}(z) \\ y \ \boldsymbol{\rho}(z) \\ z \end{pmatrix}$$

$$J_{\omega}(\mathbf{p}) = \begin{pmatrix} \rho(z) & 0 & x\rho'(z) \\ 0 & \rho(z) & y\rho'(z) \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$I_{\omega}^{-1}(\mathbf{p}) = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1\\ 0 & 1 & \frac{y\rho'(z)}{\rho(z) - 1}\\ 1 & 0 & \frac{x\rho'(z)}{\rho(z) - 1} \end{pmatrix}$$





eric.galin@liris.cnrs.fr http://liris.cnrs.fr/~egalin

Modeling

A. H. Barr. Global and Local Deformations of Solid Primitives. *Computer Graphics* (Siggraph Proceedings), **8**, 21–30, 1984.

2 septembre 2024



Déformations axiales



http://liris.cnrs.fr/~egalin

Modeling

 $\omega(\mathbf{p})$ **t**(<u>s</u>) р n(s) $\widetilde{\gamma}(s)$ $\gamma(s)$ Г

Paramètres de torsion ou d'écrasement le long de $\tilde{\Gamma}$



Normale et

bi normale

F. Lazarus, S. Coquillart and P. Jancène. Axial deformations: an intuitive deformation technique, Computer-Aided Design, 26 (8), 1994

2 septembre 2024

9

Local deformations

Déformations locales



Généralisation à toute fonction à support compact

eric.galin@liris.cnrs.fr http://liris.cnrs.fr/~egalin

Modeling

LIRIS CITS

Université Claude Bernard (

F Lazarus, S Coquillart, P Jancène. Axial deformations: an intuitive deformation technique, *Computer-Aided Design*, **26** (8), 1994 B. Wyvill, A. Guy, E. Galin. Extending the CSG-Tree. *Computer Graphics Forum*. **18** (4), 149 – 158, 1999

Déformations de Formes Libres

Caractérisation

Déformation dans l'espace $\omega: \mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}^3$ par déplacement des points de contrôle sur une boite

$$\mathbf{p}_{ijk} = \mathbf{p}_0 + \frac{i}{n}\mathbf{x} + \frac{j}{n}\mathbf{y} + \frac{k}{n}\mathbf{z}$$

$$u = (\mathbf{p}_{ijk} - \mathbf{o}) \cdot \hat{\mathbf{x}}$$

$$\mathbf{q}(u, v, w) = \sum_{i=0}^n \sum_{j=0}^n \sum_{k=0}^n B_i^n(u)B_j^n(v)B_k^n(w) \mathbf{p}_{ijk}$$

$$B_i^n(u) = C_i^n u^i (1-u)^{n-i}$$



y

0





Déformations globales et locales Déformation à l'intérieur de l'espace défini par les points de contrôle

Extensions

Grilles non parallélépipédiques [Coquillart 1990]

eric.galin@liris.cnrs.fr

T. Sederberg, S. Parry. Free-form deformation of solid geometric models. *Computer Graphics* (Siggraph), 20, 151–160, 1986. S. Coquillart. Extended free-form deformation : A sculpturing tool for 3D geometric modeling. Computer Graphics (Siggraph), 24, 187–196, 1990.

LIRIS Université Claude Bernard (

Introduction

Conclusion

Model specific

Global Deformations Local Deformations



Modeling

Déformations multiples

Introduction Model specific **Global Deformations Local Deformations** Conclusion

Définition

L'objet est crée en déformant progressivement une surface S_0 Composition de *n* déformations de l'espace $\omega = \omega_{n-1} \circ \cdots \circ \omega_n$



Fonction d'atténuation





eric.galin@liris.cnrs.fr http://liris.cnrs.fr/~egalin

Modeling

A. Angelidis, M.-P. Cani, G. Wyvill, S. King. Swirling-Sweepers: Constant Volume Modeling, Graphical Models 68 (4), 324-332, 2006.

Character animation

Squelettes de déformation

Introduction Model specific Global deformations Local deformations Conclusion Skinning et rigging Les sommets du maillage sont attachés aux éléments du squelette d'animation





Lien direct

Pondération

En bougeant les point de contrôle du squelette, le maillage suit la déformation





Université Claude Bernard

eric.galin@liris.cnrs.fr http://liris.cnrs.fr/~egalin

Modeling

2 septembre 2024