

MIF18 – GESTION DE DONNÉES POUR LE WEB

TD – Map/Reduce en MONGODB

Algorithm 1 Word count (algorithmique)

```
1: class MAPPER
2:   method MAP(docid a, doc d)
3:     for all term t ∈ doc d do
4:       EMIT(term t, count 1)
5:     end for
6:   end method
7: end class

1: class REDUCER
2:   method REDUCE(term t, counts [c1, c2, ...])
3:     sum ← 0
4:     for all count c ∈ counts [c1, c2, ...] do
5:       sum ← sum + c
6:     end for
7:     EMIT(term t, count sum)
8:   end method
9: end class
```

Algorithm 2 Word count javascript pour MONGODB

```
var map = function() {
  var content = this.content.toLowerCase().split(/[\s,!-.;?_]+/);
  // tokenization a la main avec la methode split
  for (var i = 0, n = content.length; i < n; i++) {
    if (content[i])
      emit(content[i], 1);
  }
};

var reduce = function(key, values) {
  var sum = 0;
  for (var i = 0, n = values.length; i < n; i++) {
    sum = sum + values[i];
  }
  return sum;
};
```

Exercice 1 : analyse et extension du problème *word count* ([2, Chapitre 3])

L'algorithme 1 définit en pseudo-code les classes MAPPER et REDUCER d'HADOOP pour le calcul du nombre d'occurrences de mots dans une collection de documents. L'algorithme 2 donne une implémentation équivalente en javascript pour MONGODB. Pour l'exemple, on considère la collection de paires clef/valeur suivante :

Doc1 « *appreciate the fold* »

Doc2 « *cata equals fold* »

Doc3 « *fold the fold* »

1. En supposant que les documents **Doc1** et **Doc2** se situent sur un premier nœud et **Doc3** sur un autre, donner les résultats intermédiaires obtenus par chaque MAPPER.
2. En supposant que l'espace des mots soit divisé en deux, les mots inférieurs à « *f* » sur un nœud et ceux après « *f* » sur un autre, donner les résultats intermédiaires obtenus des REDUCER qui regroupent les clefs puis les résultats finaux des REDUCER. Discuter la pertinence de cette règle de répartition des clefs dans ce cas d'application.
3. On considère maintenant une agrégation locale des données : chaque MAPPER va calculer le nombre d'occurrence de chaque mot dans sa collection de documents. Donner le pseudo-code ou le code javascript en utilisant un *tableau associatif* (appelé aussi *dictionnaire*) pour stocker les calculs intermédiaires.
4. Reprendre la première question avec cette nouvelle version.
5. La classe MAPPER d'Hadoop dispose également des méthodes :
 - INITIALIZE qui est appelée *avant* le parcours de la collection
 - CLOSE qui est appelée *après* le parcours de la collectionProposez une variante du MAPPER avec tableau associatif qui utilise ces deux méthodes pour effectuer un maximum d'agrégations dans le MAPPER.
6. Reprendre la première question avec cette nouvelle version.
7. On souhaite construire un index inversé, qui à chaque mot associe la *liste des identifiants de documents où le mot apparaît*. Donner le code javascript pour construire l'index inversé.

Exercice 2 : calcul de moyenne ([2, Chapitre 3])

1. Donner le pseudo-code ou le code javascript qui calcule la moyenne des valeurs associées à une clef, e.g., $REDUCE(w, [1, 2, 3, 4]) = (w, 2.5)$.
2. On souhaite pré-agrégé au maximum les valeurs obtenues par les MAPPERS. Proposer une variante utilisant un tableau associatif dans le MAPPER. Il faudra utiliser la fonction `finalize` de MONGODB qui a le même prototype que `reduce` mais est appelée une fois tous les REDUCER terminés.

Exercice 3 : algèbre relationnelle en Map/Reduce ([3, Chapitre 2.3])

Dans cet exercice on s'intéresse à implémenter les principaux opérateurs de SQL avec des tâches Map/Reduce. Pour les exemples, on considère deux relations $R(A, B)$ et $S(X, Y)$. On considère qu'un tuple $R(a, b)$ est représenté dans MONGODB par un objet json de la forme $\{_id : i, value : \{rel : R, A : a, B : b\}\}$ où i est un identifiant automatiquement généré par MONGODB. Donner les codes javascript correspondant aux requêtes suivantes. Pour la recherche dans un tableau json, on utilisera la fonction `Array.indexOf(x)` qui renvoie le premier index où x est dans `Array` et `-1` sinon.

1.

```
SELECT *
FROM R
WHERE A < 1;
```

2. `SELECT DISTINCT A, B
FROM R`

3. `SELECT *
FROM R
INTERSECT
SELECT X as A, Y as B
FROM S`

4. `SELECT *
FROM R
UNION
SELECT X as A, Y as B
FROM S`

5. `SELECT A, count(*)
FROM R
GROUP BY A`

6. On aimerait calculer la jointure suivante en MONGODB, malheureusement, ce n'est pas possible. Proposer une solution alternative.

```
SELECT R.A, R.B, S.Y  
FROM R INNER JOIN S on R.A = S.X
```

Exercice 4 : définitions fonctionnelles des fonctions Map et Reduce ([/1/](#))

On s'intéresse à un cas particulier de tâches MAP/REDUCE qui sont représentables par la composition suivante, où $g : (K_1 \times V_1) \rightarrow [(K_2 \times V_2)]$ et $(\oplus) : V_2 \times V_2 \rightarrow V_2$ avec $grp : [(K_2 \times V_2)] \rightarrow [(K_2 \times V_2)]$ la fonction de regroupement. Le pipeline complet est définissable ainsi :

$$\text{mapreduce}(g)(\oplus) = \text{map}((x, ys) \mapsto (x, \text{red}(\oplus)(ys))) \circ \text{grp} \circ (++) \circ \text{map}(g)$$

On donne les définitions inductives de $\text{red}(\oplus)$ et de $\text{map}(g)$ sur des listes non-vides :

$$\begin{aligned}\text{red}(\oplus)[x] &= x \\ \text{red}(\oplus)(xs ++ ys) &= \text{red}(\oplus)(xs) \oplus \text{red}(\oplus)(ys) \\ \text{map}(g)[x] &= [g(x)] \\ \text{map}(g)(xs ++ ys) &= \text{map}(g)(xs) ++ \text{map}(g)(ys)\end{aligned}$$

1. En utilisant le même formalisme, donner les types des fonctions $(++)$, map et red . Vérifier que la définition de $\text{mapreduce}(g)(\oplus)$ est correctement typée et que son type est $[(K_1 \times V_1)] \rightarrow [(K_2 \times V_2)]$.
2. En utilisant uniquement des définitions fonctionnelles, donner les définitions de g et \oplus pour que $\text{mapreduce}(g)(\oplus)$ calcule :
 - le nombre de valeurs associées à chaque clef ;
 - le nombre d'occurrence de chaque valeur ;
 - le nombre total de valeurs ;
 - le nombre total de valeurs *différentes* ;
3. Montrer que la loi \oplus doit être associative, on utilisera pour cela la définition de $\text{red}(\oplus)$ et l'associativité de $++$.
4. À partir de la preuve précédente pour les listes, donner l'argument pour prouver que \oplus doit être commutatif dans le cas des multi-ensembles et idempotent dans le cas des ensembles.
5. Montrer que si $g(x \oplus y) = g(x) \otimes g(y)$ alors $g \circ \text{red}(\oplus) = \text{red}(\otimes) \circ \text{map}(g)$ par induction sur les listes.

Références

- [1] R. Lämmel. Google's mapreduce programming model – revisited. *Science of Computer Programming*, 70(1) :1 – 30, 2008.
- [2] J. Lin and C. Dyer. *Data-Intensive Text Processing with MapReduce*. Synthesis Lectures on Human Language Technologies. Morgan & Claypool Publishers, 2010. <http://lintool.github.io/MapReduceAlgorithms/>.
- [3] A. Rajaraman and J. D. Ullman. *Mining of massive datasets*. Cambridge University Press, Cambridge, 2012.