

Contrôle Final

Lundi 23 janvier 2023 – 14:00 15:00

Aucun document autorisé

Eclairage et couleur

1. Soit \mathbf{v} la direction de vue, \mathbf{n} la normale, \mathbf{l} la direction de la lumière, \mathbf{r} la direction de lumière réfléchi, soit c une constante, e un exposant ; la composante diffuse est :

$d = \mathbf{n} \cdot \mathbf{v}$ $d = \mathbf{v} \cdot \mathbf{l}$ $d = \mathbf{n} \cdot \mathbf{l}$ $d = c$

La composante spéculaire est :

$s = (\mathbf{n} \cdot \mathbf{l})^e$ $s = (\mathbf{r} \cdot \mathbf{v})^e$ $s = (\mathbf{r} \cdot \mathbf{v} \cdot \mathbf{l})^e$ $s = (\mathbf{r} \cdot \mathbf{l})^e$

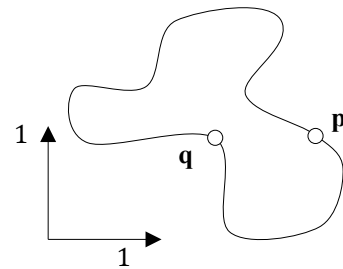
2. Quelle est la couleur violette en $(\mathbf{r}\mathbf{v}\mathbf{b})$:

$(1,1,0)$ $(1,0,1)$ $(1,1,1)$ $(0,1,1)$

3. Quelle est la couleur perçue pour une surface non spéculaire, de couleur diffuse bleue $(0,0,1)$, de couleur ambiante jaune $(0.5,0.5,0)$, éclairée par une lumière blanche $(1,1,1)$ formant un angle incident de 45° avec la surface ?

$(0,0,0,0,0,0.7)$ $(0.5,0.5,1.7)$ $(0.5,0.5,1)$ $(0.5,0.5,0.7)$

4. On rappelle qu'on approxime l'occlusion ambiante $\alpha_r(\mathbf{p})$ d'un point sur la surface en lançant n rayons depuis \mathbf{p} dans la demi sphère centrée en \mathbf{p} , orientée selon la normale à la surface, et en calculant le ratio t/n entre le nombre de rayons t touchant un objet à une distance inférieure à r et le nombre total de rayons n .



Quelle est (environ) l'accessibilité $\alpha_{0.5}(\mathbf{p})$?

1 0 0.5 -1

5. Quelle est (environ) l'accessibilité $\alpha_1(\mathbf{q})$?

-1 0 1 0.5

Géométrie et maillages

6. Quelle est la normale unitaire du triangle (\mathbf{abc}) avec $\mathbf{a}(1,0,0)$, $\mathbf{b}(0,1,0)$, $\mathbf{c}(0,0,1)$?

$(1,1,1)/\sqrt{3}$ $(1,0,1)$ $(-1,-1,-1)/\sqrt{3}$ $(1,0,1)/\sqrt{2}$

7. Quelle est la surface de ce triangle (\mathbf{abc}) ?

$\sqrt{3}/2$ $\sqrt{3}$ $1/\sqrt{3}$ 1

8. Soit un cône maillé avec n points sur la périphérie du cercle. Combien de sommets y a-t-il dans la structure de données ?

$n + 1$ $2n$ $n + 2$ $n + 2$

9. Combien de triangles possède le cône maillé, disque à sa base compris ?

$2n$ $2n + 2$ $n + 1$ n

10. Combien de normales différentes sont nécessaires pour avoir une surface lisse au rendu ?

n $n + 1$ $2n + 1$ $2n$

11. Soit une surface d'élévation maillée de base carrée de $n \times n$ points. Combien de sommets y a-t-il dans la structure de données ?

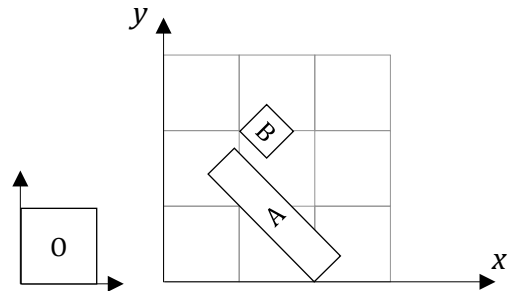
$2n$ n^2 $2(n + 1)$ $2n^2$

12. Combien de triangles possède la surface ainsi maillée ?

$2(n - 1)^2$ n^2 $n(n + 1)$ $(n - 1)^2$

Transformations

On note $R(\alpha)$ la rotation d'angle α , $T(t)$ la translation de vecteur t , et $S(x, y)$ l'homothétie ayant pour centre l'origine du repère et de coefficients x, y selon les axes principaux. On notera $V \circ U$ la composition de transformations en commençant par U puis en appliquant V .



13. L'objet A peut être défini à partir de O par la composition de transformations :

$R(45^\circ) \circ T(2,0) \circ S(2,0.5)$ $T(1,2) \circ S(2,0.5) \circ R(-45^\circ)$
 $S(0.5,2) \circ R(45^\circ) \circ T(2,0)$ $T(1,2) \circ R(45^\circ) \circ S(2,0.5)$

14. L'objet B peut être défini par :

$R(45^\circ) \circ T(1,2) \circ S(0.5,0.5)$ $T(1,2) \circ S(0.5,0.5) \circ R(-45^\circ)$
 $S(0.5,0.5) \circ R(-45^\circ) \circ T(1,2)$ $T(1,2) \circ R(-45^\circ) \circ S(0.5,0.5)$

Animation

Fonctions usuelles

15. Quelle est la fonction $c(t)$ (parfois appelée *lerp* en informatique graphique) permettant d'interpoler linéairement deux valeurs réelles a et b selon un paramètre $t \in [0,1]$:

$c(t) = a + tb$ $c(t) = (1 - a)t + bt$
 $c(t) = a + t(b - a)$ $c(t) = (1 - t)a + tb$

16. On veut interpoler deux valeurs réelles a et b par une fonction polynomiale (parfois appelée *smoothstep* en informatique graphique) $c(t)$ telle que $c(0) = a$, $c(1) = b$, et $c'(0) = c'(1) = 0$. Quel est le degré minimum de c :

1 2 3 4

17. Quelle est l'équation de $c(t)$?

$c(t) = a + (3t^2 - 2t^3)(b - a)$ $c(t) = (1 - t)a + tb$
 $c(t) = (1 - t)^2a + t^2b$ $c(t) = a + t(b - a)$