

LES LISTES EN SCHEME

`car, cdr, cons`

`list, append`

`cond`

DÉFINITION

- Une liste est une suite d'éléments rangés dans un certain ordre

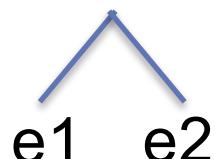
'(alpha 3 beta "delta" gamma)

'(a b c d e)

'(7 5 9 3 1)

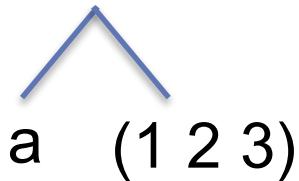
PAIRES EN SCHEME

- Une **paire** est une structure d'enregistrement avec deux champs appelés car et cdr
 - **car** représente le premier élément
 - **cdr** représente le second élément
- Les champs car et cdr sont accédés par les **fonctions** car et cdr
- Une paire est représentée par la notation
 - '(element1 . element2)
 - le **.** permet de faire la différence avec une liste de 2 éléments



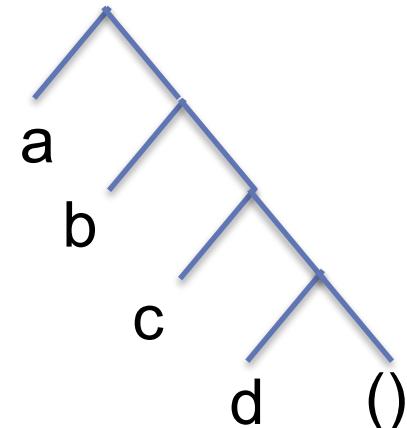
LISTES EN SCHEME

- Une liste peut être définie récursivement comme :
 - soit une liste vide : '()
 - soit une paire dont le cdr est une liste
 - '(a . (1 2 3)), qui se réécrit '(a 1 2 3)



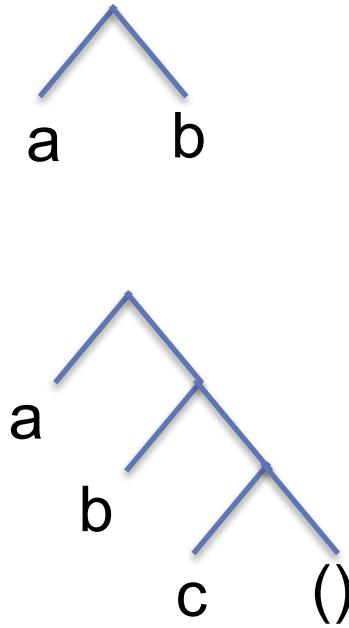
ÉCRITURE D'UNE LISTE

- Les éléments d'une liste sont simplement compris entre parenthèses et séparés par des espaces
- La liste vide est écrite '()
- '(a b c d) et '(a . (b . (c . (d . ())))) sont deux notations équivalentes pour une liste de symboles



LA FONCTION PAIR?

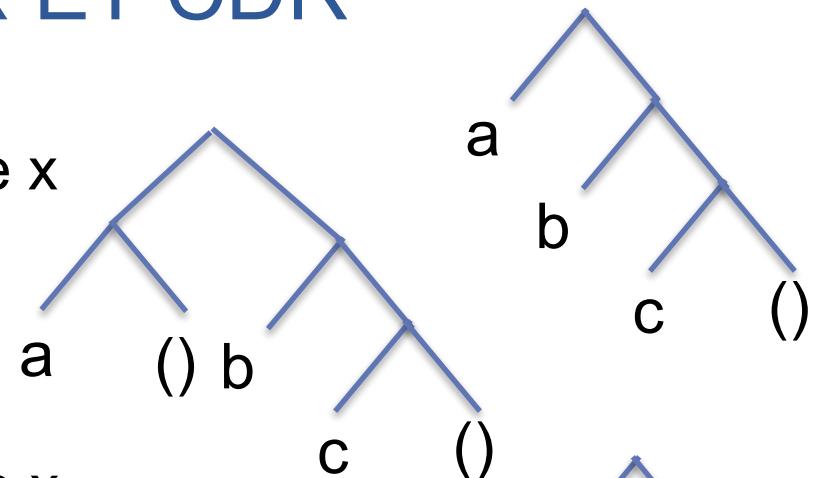
- (pair? x) retourne #t si x est une paire, #f sinon
- Exemples :
 - (pair? '(a . b)) → #t
 - (pair? '(a b c)) → #t
 - (pair? '()) → #f



LES FONCTIONS CAR ET CDR

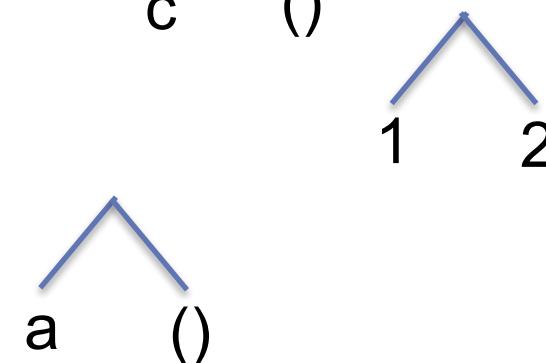
- **(car x)** retourne le champ car de x

- $(\text{car } '(a \ b \ c))$ → a
- $(\text{car } '((a) \ b \ c))$ → (a)
- $(\text{car } '(1 \ . \ 2))$ → 1
- $(\text{car } '())$ → error



- **(cdr x)** retourne le champ cdr de x

- $(\text{cdr } '(a \ b \ c))$ → (b c)
- $(\text{cdr } '((a) \ b \ c))$ → (b c)
- $(\text{cdr } '(1 \ . \ 2))$ → 2
- $(\text{cdr } '(a))$ → ()
- $(\text{cdr } '())$ → error



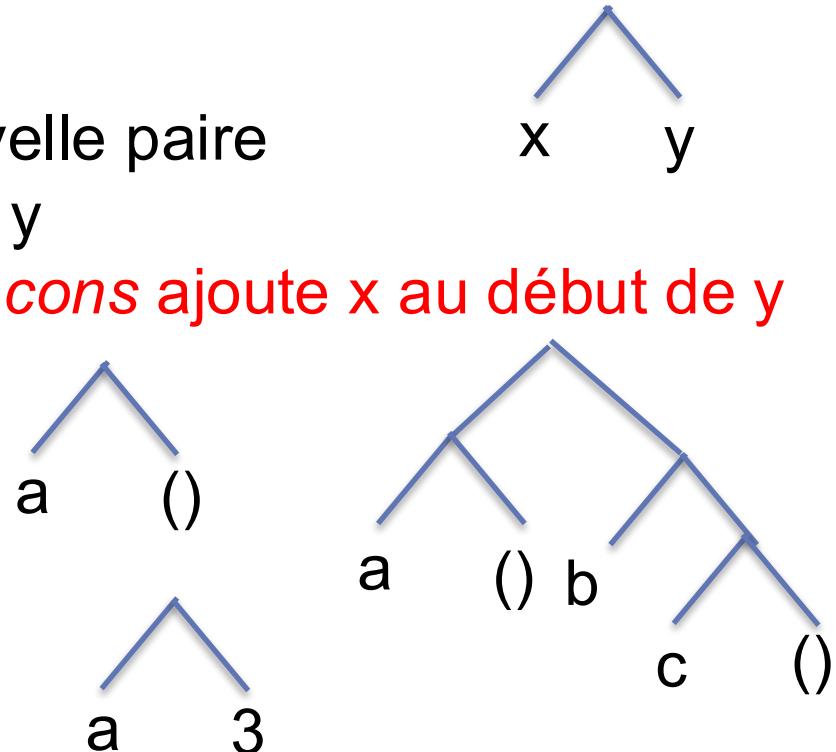
- Si x est une liste non vide,
la fonction car retourne le premier élément de la liste,
et la fonction cdr retourne le reste de la liste (donc une liste !)

LA FONCTION CONS

- $(\text{cons } x \ y)$ retourne une nouvelle paire dont le car est x et le cdr est y
Si y est une liste, la fonction *cons* ajoute x au début de y

- Exemples :

- $(\text{cons} \ 'a \ '()) \rightarrow (a)$
- $(\text{cons} \ '(a) \ '(b \ c)) \rightarrow ((a) \ b \ c)$
- $(\text{cons} \ "a" \ '(b \ c)) \rightarrow ("a" \ b \ c)$
- $(\text{cons} \ 'a \ 3) \rightarrow (a \ . \ 3)$
- $(\text{cons} \ '(a \ b) \ 'c) \rightarrow ((a \ b) \ . \ c)$



- Pour que le résultat du *cons* soit une liste, il faut donc que le deuxième paramètre soit une liste

FONCTIONS DE TEST

- (**list?** x) retourne #t si x est une liste, #f sinon
 - (list? '(a b c)) → #t
 - (list? '()) → #t
 - (list? '(a . b)) → #f
- (**null?** x) ou (**empty?** x) retourne #t si x est la liste vide, #f sinon

IMPLÉMENTATION DE L'ALGORITHME RÉCURSIF DU MINIMUM

Définition de la fonction minimum(L)

Si vide?(reste(L)) Alors
 retourne premier(L)

Sinon

 Si premier(L) < minimum(reste(L))
 Alors

 retourne premier(L)

 Sinon

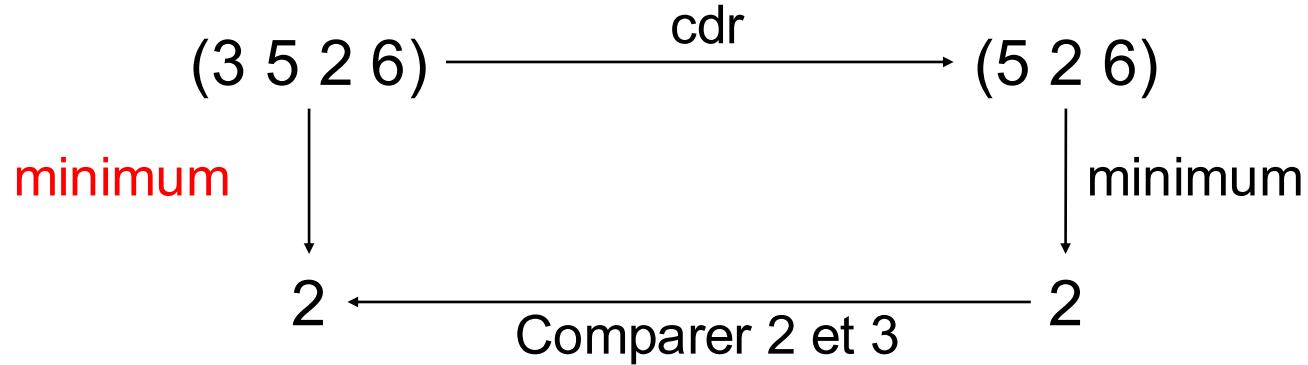
 retourne minimum(reste(L))

FinSi

FinSi

```
(define minimum ; → nombre
  (lambda (l) ; l liste de
    nombres non vide
    (if (null? (cdr l))
        (car l)
        (if (< (car l)
                (minimum (cdr l)))
            (car l)
            (minimum (cdr l)))))))
```

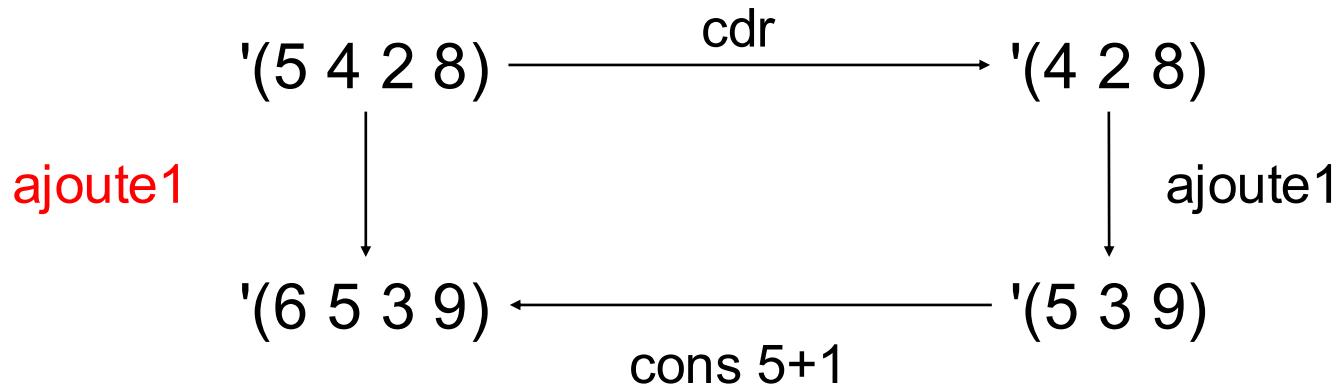
ILLUSTRATION DE LA MÉTHODE



UNE FONCTION QUI RETOURNE UNE LISTE

- Une fonction qui ajoute 1 à tous les éléments d'une liste de nombres

(ajoute1 '(5 4 2 8)) → (6 5 3 9)



ÉCRITURE DE LA FONCTION

```
(define ajoute1; → liste de nombres
  (lambda (l) ; l liste de nombres
    (if (null? l)
        '()
        (cons (+ (car l) 1)
              (ajoute1 (cdr l))))))
```

ILLUSTRATION DE LA FONCTION

(ajoute1 '(5 4 2 8))

(cons (+ 5 1)

(ajoute1 '(4 2 8))

(cons (+ 4 1)

(ajoute1 '(2 8))

(cons (+ 2 1)

(ajoute1 '(8))

(cons (+ 8 1)

(ajoute1 '())

(cons 6 (cons 5 (cons 3 (cons 9 '()))))

'())

'(6 5 3 9)

RELÂCHER DES PRÉCONDITIONS

- Une fonction qui ajoute 1 à tous les nombres d'une liste quelconque

```
(define ajoute1; → liste
  (lambda (l) ; l liste
    (if (null? l)
        '()
        (if (number? (car l))
            (cons (+ (car l) 1)
                  (ajoute1 (cdr l))))
            (cons (car l)
                  (ajoute1 (cdr l))))))))
```

- $(\text{ajoute1 } '(2 \text{ "a"} 1 (\text{toto}) 5)) \rightarrow (3 \text{ "a"} 2 (\text{toto}) 6)$

LA FORME SPÉCIALE COND

- La forme spéciale **cond** permet d'écrire plus simplement des **if imbriqués**

```
(if test1 valeur1  
    (if test2 valeur2  
        ...  
        valeurN) ...))
```



```
(cond (test1 valeur1)  
      (test2 valeur2)  
      ...  
      (else valeurN))
```

APPLICATION À AJOUTE1

```
(define ajoute1; → liste
  (lambda (l) ; l liste
    (cond
      ((null? l) '())
      ((number? (car l)) (cons (+ (car l) 1)
                                (ajoute1 (cdr l))))
      (else (cons (car l) (ajoute1 (cdr l)))))
    )))
```

“METTRE EN FACTEUR” DANS UN IF

```
(if (number? (car l))
    (cons (+ (car l) 1)
          (ajoute1 (cdr l)))
    (cons (car l)
          (ajoute1 (cdr l)))
)
```

```
(cons
  (if (number? (car l))
      (+ (car l) 1)
      (car l)
    )
  (ajoute1 (cdr l)))
```

Ces deux expressions sont équivalentes

LA FONCTION LIST

- La fonction **list** est une fonction qui permet de construire une liste, comme la fonction cons
- Elle prend un nombre quelconque de paramètres et les met tous dans une liste
 $(list 'a (+ 3 2) "toto" 'b) \rightarrow (a 5 "toto" b)$
- Ne pas confondre list et list?

LA FONCTION APPEND

- La fonction **append** permet de concaténer des listes
- Elle prend un nombre quelconque de paramètres

(append '(a (b c) d) '(e f)) → (a (b c) d e f)

CONS, LIST ET APPEND : LES DIFFÉRENCES

Ces trois fonctions permettent toutes de
construire des listes,
mais ont chacune un comportement différent

- **cons** prend deux paramètres, le deuxième étant obligatoirement une liste
- **list** prend un nombre quelconque de paramètres de types quelconques
- **append** prend un nombre quelconque de paramètres qui doivent tous être des listes

CONS, LIST ET APPEND : EXEMPLES

- $(\text{cons} \, '(\text{a} \, \text{b}) \, '(\text{c} \, \text{d}))$ $\rightarrow ((\text{a} \, \text{b}) \, \text{c} \, \text{d})$
- $(\text{list} \, '(\text{a} \, \text{b}) \, '(\text{c} \, \text{d}))$ $\rightarrow ((\text{a} \, \text{b}) \, (\text{c} \, \text{d}))$
- $(\text{append} \, '(\text{a} \, \text{b}) \, '(\text{c} \, \text{d}))$ $\rightarrow (\text{a} \, \text{b} \, \text{c} \, \text{d})$

RACCOURCIS POUR COMPOSER LES FONCTIONS CAR ET CDR

- Au lieu d'écrire (car (cdr L))
on peut écrire (**cadr** L)
- Au lieu d'écrire (cdr (cdr (cdr L)))
on peut écrire (**caddr** L)
- Et ainsi de suite ...
(au maximum 3 caractères entre le c et le r)