Arbres binaires de recherche

Exercice 1

Soit la liste de valeurs $L = \{0, 5, 11, 16, 20, 35, 38, 120, 207, 1018\}.$

- 1. Construire un arbre binaire de recherche contenant la liste de valeurs L en veillant à minimiser sa hauteur.
- 2. Proposer un algorithme d'ajout d'un élément dans un ABR, puis calculer sa complexité.
- 3. Ajouter à l'arbre les valeurs $A = \{1, 10, 15, 618, 1011\}$.
- 4. Proposer un algorithme de recherche d'un élément dans un ABR, puis calculer sa complexité.
- 5. Combien de comparaisons avec les éléments de l'arbre doivent être effectuées dans la recherche des valeurs $R = \{3, 16, 58\}$ en partant de la racine de l'arbre à chaque fois.
- 6. Supprimer de l'arbre les valeurs $S = \{207, 11, 20, 35\}$ en partant du noeud qui contient la valeur à chaque fois.

Exercice 2

On considère le dernier ABR de l'exercice précédent.

- 1. Proposer des algorithmes récursifs pour les parcours préfixe, infixe et postfixe (ou suffixe), puis calculer leur complexité.
- 2. Lister les éléments de l'arbre avec des parcours préfixe, infixe et postfixe.
- 3. Proposer des algorithmes pour énumérer dans l'ordre croissant/décroissant les éléments d'un ABR, puis calculer leur complexité.
- 4. Proposer des algorithmes pour déterminer les valeurs minimale et maximale d'un ABR, puis calculer leur complexité.
- 5. Proposer des algorithmes pour déterminer le successeur/prédécesseur d'un élément d'un ABR dans l'ordre croissant, puis calculer leur complexité.

6. Donner le successeur et le prédécesseur des valeurs 1, 5 et 207 et préciser les nœuds de l'arbre par lesquels il faut passer pour trouver ces valeurs.

Exercice 3

On considère le dernier ABR de l'exercice 1.

- 1. Définir les algorithmes de rotation à droite et à gauche d'un sousarbre.
- 2. Évaluer la complexité de ces algorithmes.
- 3. Appliquer une suite de rotations pour équilibrer l'arbre.

Exercice 4

Soit la liste de valeurs $L = \{0, 1, 5, 10, 15, 16, 38, 120, 618, 1011, 1018\}.$

- 1. Construire un ABR rouge noir contenant la liste de valeurs L.
- 2. Proposer un algorithme d'ajout d'un élément dans un ARN, puis calculer sa complexité.
- 3. Ajouter à l'arbre les valeurs $A = \{60, 150, 200\}$.