

Dessins Mots → Phrases Sens Bin./Exéc.

Analyse syntaxique

## Grammaires : classification

- Toutes
  - Si  $w \rightarrow w' \in R$  alors  $|w| \leq |w'|$
  - Hors contexte :  $w \rightarrow w' \in R$  alors  $w \in V_n$
  - Linéaires...
- $\alpha^n \beta^n \gamma^n$   
(et donc régulières)

$$\alpha^n \beta^n \gamma^n \rightsquigarrow \begin{cases} S \rightarrow \alpha ST \gamma \mid \alpha T \gamma \\ \gamma T \rightarrow T \gamma \\ T \rightarrow \beta \end{cases}$$

## Analyse syntaxique : dérivations g/d

Jusqu'ici : symboles → transducteur → tokens

Expressions arith. sur  $\{+, \times, (, ); id, cte\}$

$$E \rightarrow id \mid cte \mid E + E \mid E \times E \mid (E) \quad \rightsquigarrow \quad x + 2.5 \times 4 + (y + z)$$

$$\begin{aligned} E &\rightarrow \underline{E} + E \rightarrow id + \underline{E} \rightarrow id + \underline{E} \times E \rightarrow id + cte \times \underline{E} \rightarrow id + cte \times \underline{E} + E \rightarrow \\ &id + cte \times cte + \underline{E} \rightarrow id + cte \times cte + (\underline{E}) \rightarrow id + cte \times cte + (\underline{E} + E) \rightarrow \\ &id + cte \times cte + (id + \underline{E}) \rightarrow id + cte \times cte + (id + id) \end{aligned}$$

Dérivation gauche

Parenthésage implicite :  $(x + (2.5 \times (4 + (y + z))))$

## Analyse syntaxique : dérivations g/d

Jusqu'ici : symboles → transducteur → tokens

Expressions arith. sur  $\{+, \times, (, ); id, cte\}$

$$E \rightarrow id \mid cte \mid E + E \mid E \times E \mid (E) \quad \rightsquigarrow \quad x + 2.5 \times 4 + (y + z)$$

$$\begin{aligned} E &\rightarrow E + \underline{E} \rightarrow E + (\underline{E}) \rightarrow E + (E + \underline{E}) \rightarrow E + (\underline{E} + id) \rightarrow \underline{E} + (id + id) \rightarrow \\ &E \times \underline{E} + (id + id) \rightarrow \underline{E} \times cte + (id + id) \rightarrow E + \underline{E} \times cte + (id + id) \rightarrow \\ &\underline{E} + cte \times cte + (id + id) \rightarrow id + cte \times cte + (id + id) \end{aligned}$$

Dérivation droite

Parenthésage implicite :  $((x + 2.5) \times 4) + (y + z)$

## Analyse syntaxique : dérivations g/d

$((x + 2.5) \times 4) + (y + z) \neq (x + (2.5 \times (4 + (y + z))))$  **Ambigu**

Dérivation droite avec  $((x + (2.5 \times 4)) + (y + z))$  ?

G **ambiguë** si  $\exists w \in \mathcal{L}(G)$  tel que plusieurs dérivations droite pour  $w$ .

Vers non ambiguë ?

**Bad news** : pas toujours possible...

$\leadsto$  et pour cas faciles ?

- Nouveau NON terminal **par niveau** priorité
- Récursif **gauche** si associatif **gauche** (resp. droite)

## Analyse syntaxique : dérivations g/d

$E \rightarrow id \mid cte \mid E + E \mid E \times E \mid (E) \quad \leadsto \quad x + 2.5 \times 4 + (y + z)$

$+ < \times < \dots$

$+, \times$  **assoc. gauche**

$E \rightarrow E + F \mid F$

$F \rightarrow F \times G \mid G$

$G \rightarrow cte \mid id \mid (E)$

**Unique** dérivation gauche ou droite

(exo)

Un peu plus complexe, un peu plus long mais **univoque**

## Analyse syntaxique : arbres syntaxiques

**Plusieurs** dérivations pour **un même** résultat (permutations, etc.)

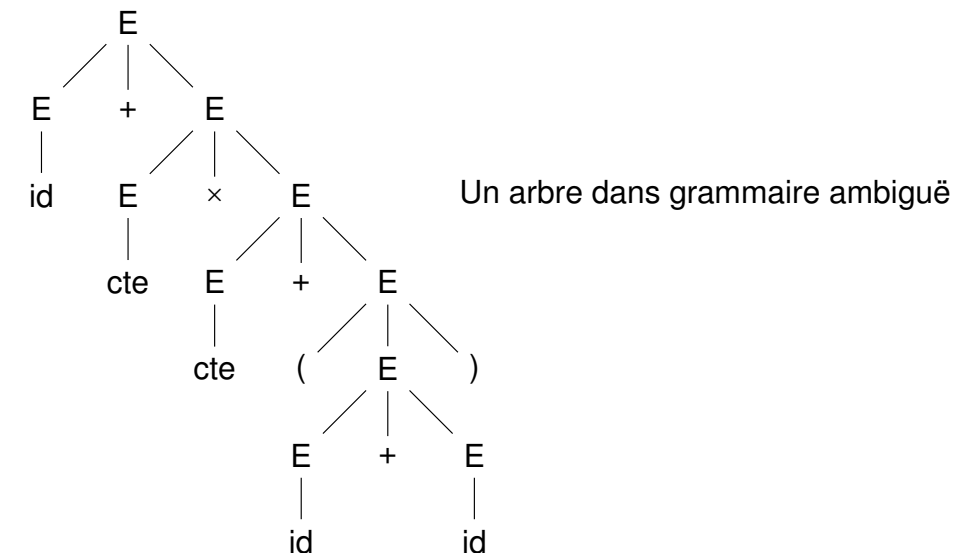
$\leadsto$  Représentation invariante Repr. **unique** lorsque G **non ambiguë**

Soit  $G = (V_t, v_n, S, R)$ , **arbres de syntaxe** de G :

- Nœuds internes étiquetés par  $V_n$
- Feuilles étiquetées par  $V$
- Si nœud interne  $N$  a pour  $k$  fils  $\alpha_1, \dots, \alpha_k$  alors  $N \rightarrow \alpha_1 \dots \alpha_k \in R$

**Arbre de dérivation** :  $\Lambda = S$  et feuilles  $\in V_t$

## Analyse syntaxique : arbres syntaxiques



## Analyse syntaxique : arbres syntaxiques

Arbre de dérivation = plusieurs dérivations

↪ Stratégies de **parcours** (parent avant fils)

Pour arbre de dérivation : mot des feuilles  $\in \mathcal{L}(G)$

Réciproque ? : production arbre, récurrence sur long. dérivation

- Nulle : arbre = feuille  $\alpha$
- $N \xrightarrow{n} w_1 M w_2 \rightarrow w_1 \alpha_1 \dots \alpha_k w_2$  :  
ajout de  $k$  fils au nœud  $M$  de l'arbre de  $N \xrightarrow{n} w_1 M w_2$

## Analyse syntaxique : arbres syntaxiques

Arbre de dérivation = plusieurs dérivations

**Théorème.**

Pour  $G$ ,  $w \in V_t^*$  dans  $\mathcal{L}(G)$  ssi arbre de dérivation pour  $w$  dans  $G$ .

$G$  **ambiguë** si  $\exists w \in \mathcal{L}(G)$  avec deux arbres de dérivations distincts.

**Construction** de l'arbre ? vers le haut ou vers le bas ?

## Analyse syntaxique : descendante

Exemple : grammaire de Dick

$$S \rightarrow \varepsilon \mid (S)S$$

$((()())()) \in \mathcal{L} ?$

Facile :

- Lecture à partir de la **gauche** Left
- Construction dérivation **gauche** Left
- Règle déterminée par **1** caractère à produire 1

↪ **LL(1)**

Exo : arbre

## Analyse syntaxique : descendante

- **Efficace**

- **Simple**

- **Pas toutes** LL(1)!

- Si récursive gauche : **échec** (Raté pour arith.)

## Analyse syntaxique : ascendante

$$\begin{aligned} E &\rightarrow E + F \mid F \\ F &\rightarrow F \times G \mid G \\ G &\rightarrow cte \mid id \mid (E) \end{aligned}$$

Réursive gauche...

$E \rightarrow F$  ou  $E \rightarrow E + F$ ?

↪ Analyse ascendante

- Lecture à partir de **gauche**
- Dérivation **droite**

à l'envers

En particulier construction d'une forêt

## Analyse syntaxique : ascendante

$$\begin{aligned} E &\rightarrow E + F \mid F \\ F &\rightarrow F \times G \mid G \\ G &\rightarrow cte \mid id \mid (E) \end{aligned}$$

En particulier construction d'une forêt

**Racine** de forêt : suite des racines des arbres la constituant

Opérations :

- **Lecture** Shift
- **Enracinement** Reduce

Sur juxtaposition  $ff'$  construction de  $fN$  si  $N \rightarrow \Lambda(f')$

## Analyse syntaxique : ascendante

$$E \rightarrow E + F \mid F \quad F \rightarrow F \times G \mid G \quad G \rightarrow cte \mid id \mid (E)$$

- **Lecture**
- **Enracinement** : sur  $ff'$  construction de  $fN$  si  $N \rightarrow \Lambda(f')$

$id \times id + id$ ?

Ex. Séq. d' $id$

Conflit Shift/Reduce ↪ convention Shift

Conflit Reduce/Reduce ↪ modifier la grammaire

## Syntaxe abstraite

Type et signification : depuis l'arbre de syntaxe

**Utilisateur** : ce qu'on écrit

**Concrète** : presque comme on écrit Impropre à bonne compréhension

↪ niveau intermédiaire : syntaxe **abstraite** dépolluée

On veut :

- Sans ambiguïté
- Sans scories
- Structure **et** valeurs

## Syntaxe abstraite :

grammaire

$T$  ensemble d'étiquettes abstraites

$$V_t = T \cup \{ (;), ;, \}$$

$G$  sur  $V_t$  terminal abstraite si

- Règles :  $N \rightarrow t$  ou  $N \rightarrow t(N_1, \dots, N_k)$  pour  $N_i \in V_n, t \in T$
- Occurrence  $t$  unique dans  $G$

Mot généré : expression abstraite

$$T = \{p, m, cte\} \quad E \rightarrow p(E, E) \mid m(E, E) \mid cte \text{ g. abstraite pour arith.}$$

## Syntaxe abstraite :

grammaire

$T$  ensemble d'étiquettes abstraites

$$V_t = T \cup \{ (;), ;, \}$$

$G$  sur  $V_t$  terminal abstraite si

- Règles :  $N \rightarrow t$  ou  $N \rightarrow t(N_1, \dots, N_k)$  pour  $N_i \in V_n, t \in T$
- Occurrence  $t$  unique dans  $G$

Mot généré : expression abstraite

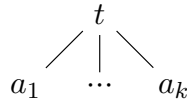
$$T = \{+, \times, cte\} \quad E \rightarrow +(E, E) \mid \times(E, E) \mid cte \text{ g. abstraite pour arith.}$$

## Syntaxe abstraite

Objectif 1 :

$G$  abstraite nécessairement non ambiguë

Représentation arborescente : facile grâce à la forme des règles

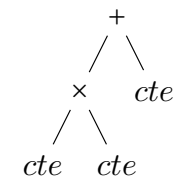
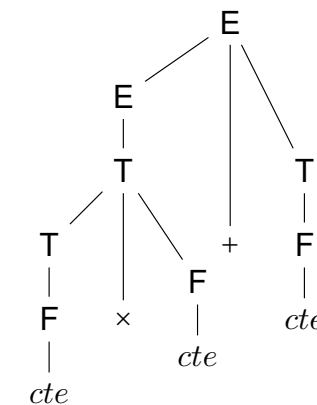


Arbre de syntaxe abstraite  $A$  de sorte  $N$  : nœuds dans  $T$  et

- $N \rightarrow t \in R$  et  $A = t$  ou bien
- $N \rightarrow t(N_1, \dots, N_k) \in R$  et  $\Lambda(A) = t$   
 $A$  a alors  $k$  fils ASA de sortes respectives  $N_1 \dots N_k$

## Syntaxe abstraite

Comparaison AS / ASA



Objectif 2 : OK

## Syntaxe abstraite : dans ASA

Pour valeurs : étiquette = langage régulier

$$E \rightarrow +(E, E) \mid \times(E, E) \mid cte(Nat)$$

$$Nat \rightarrow (0 \mid 1 \mid \dots \mid 9)^+$$

Objectif 3 : OK

## Syntaxe abstraite : construction ASA

Actions dans une grammaire

$$E \rightarrow E + F \quad \{+(E_1, F_1)\}$$

$$E \rightarrow F \quad \{F_1\}$$

$$F \rightarrow F \times G \quad \{\times(G_1, F_1)\}$$

$$F \rightarrow G \quad \{G_1\}$$

$$G \rightarrow Nat \quad \{cte(val(Nat_1))\}$$

$$G \rightarrow (E) \quad \{E_1\}$$

Erreurs ici : SYNTAXIQUES